Документ подписан простой электронной подписью

Информация о владельце:

ФИО: Косенок Сорей е починые материалы для промежуточной аттестации по дисциплине Должность: ректор
Дата подписания: 01.07.2025 15:20:39

Уникальный программный ключ:

e3a68f3eaa1e62674b54f4998099d3d6bfdcf836

Квантовая химия

Код, направление	04.05.01 - Фундаментальная и прикладная химия
подготовки	
Направленность	Аналитическая химия
(профиль)	
Форма обучения	очная
Кафедра-	кафедра химии
разработчик	
Выпускающая	кафедра химии
кафедра	

Примеры задач к контрольной работе

- 1. Сравните скорость электрона на первой боровской орбите с неопределенностью скорости электрона в атоме водорода, полагая размер атома порядка 0,1 нм.
- 2. Оцените минимальную кинетическую энергию электрона, локализованного в области размером l = 0,1 нм.
- 3. Электрон с кинетической энергией T = 10 эВ локализован в области размером l = 1 мкм. Оцените относительную неопределенность скорости электрона.
- 4. Кинетическая энергия T электрона в атоме водорода составляет величину порядка 10 эВ. Используя соотношение неопределенностей, оцените минимальные линейные размеры атома.
- 5. Электрон в атоме водорода перешел с четвертого энергетического уровня на второй. Определите энергию испущенного при этом фотона.
- 6. Определите энергию фотона, испускаемого при переходе электрона в атоме водорода с третьего энергетического уровня на основной.
- 7. Вычислите длину волны де Бройля для протона, движущегося со скоростью v = 0.6c (c 0.6c) скорость света в вакууме).
- 8. Определите относительную неопределенность $\Delta p/p$ импульса движущейся частицы, если допустить, что неопределенность ее координаты равна длине волны де Бройля.
- 9. Пучок нейтронов энергии 1 эВ падает на кристалл. Брэгговские рефлексы 1-го порядка наблюдаются при 11,8°. Чему равно расстояние между кристаллическими плоскостями?
- 10. Определите результаты действия операторов на указанные функции:

Определите результаты действия операторов на указанные
$$A = \frac{d}{dx} f(x) = \sin x \quad A = \frac{d}{dx} f(x) = x^5 + 3e^x \quad A = \frac{d}{dx^2}, \quad f(x) = e^{ax^2};$$
 $A = \frac{d}{dx} \quad B = 3, \quad f(x) = x^5 + 3e^x : \left(A + B\right) f(x);$
 $A = \frac{d}{dx} \quad B = x, \quad f(x) = e^x : A B f(x); \left(A + B\right) f(x).$
 $A = \frac{d}{dx} \quad B = x, \quad f(x) = e^x : A B f(x); \left(A + B\right) f(x).$

11. Коммутируют ли между собой приведенные ниже операторы:

$$A = x, B = y$$
 $A = B = y$

, $\partial x = B = x$
 $A = A = x$
 $A = x =$

$$\begin{bmatrix} A^{2}, B \\ A \end{bmatrix} = A \begin{bmatrix} A \\ A \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} A \\ A \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} A \\ A \end{bmatrix} A$$

$$\begin{bmatrix} A \\ A \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} B \\ A \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} A \\ A \end{bmatrix} = 0$$
15. Линеен ли оператор:
$$A \hat{f} = exp(f)$$

$$A \hat{f} = \int f dx$$

16. Выполняется ли соотношение $\hat{A} = const$ для приведенных ниже функций и операторов?

$$f = \sin kx \quad A = \frac{1}{d}$$

$$f = \sin kx \,, \, \hat{A} = \frac{d^2}{dx^2}$$

$$f = \exp kx \quad \hat{A} = \frac{d^2}{dx}$$

$$f = \cos kx \text{ if } f = c_1 \sin kx + c_2 \cos kx \text{ , } A = \frac{d^2}{dx^2}$$

$$f = \frac{1}{x}, A = x$$

- 17. Докажите, что если k собственное значение оператора \hat{A} , то k^n собственное значение оператора A^{n} .
- 18. Покажите, что если $\hat{A} f = kf$ и $\hat{A} g = mg$, где \hat{A} линейный оператор, то для линейной

комбинации $\phi = c_1 f + c_2 g$ будет выполняться $\hat{A} \phi = const \phi$ при k = m.

19. Покажите, что если ψ_1 и ψ_2 – две собственные функции оператора $\hat{\boldsymbol{H}}$, соответствующие различным собственным значениям E_1 и E_2 , то их любая линейная комбинация не будет являться собственной функцией этого оператора \hat{H} .

являться сооственной функцией этого оператора 1. 20. Является ли функция $\Psi(x) = c \ eikx + c \ e-ikx$ собственной функцией оператора p^2 ?

1 2
$$^{-}$$
 $^{-}$ $^{$

 $p^{\hat{}}_{v}$]; e)

$$[M_x^{\hat{}}, M_y^{\hat{}}]; H) [M_y^{\hat{}}, M_y^{\hat{}}]; H) [p^{\hat{}}, x^2]; H) [p^{\hat{}}, x].$$

Вопросы к экзамену

- 1. Предмет квантовой механики и квантовой химии.
- 2. Становление квантовой механики.
- 3. Теория и постулаты Бора.
- 4. Электрон волна и частица.
- 5. Принцип неопределенности. Принцип Гамильтона. Формула плоской волны.
- 6. Вероятностное рассмотрение электрона и микрочастиц.
- 7. Уравнение свободных колебаний струны, закрепленной на концах.
- 8. Принцип суперпозиции (наложения) состояний.
- 9. Операторы. Свойства квантово-механических операторов.
- 10. Свойства эрмитовых операторов. Спектры операторов.
- 11. Собственные функции.

- 12. Операторы координат, импульса, энергии (гамильтониан).
- 13. Оператор момента импульса в декартовых и в сферических координатах.
- 14. Собственные функции и собственные значения операторов \hat{M}_z и \hat{M}^2 .
 15. Критерий возможности одновременного измерения двух физических величин на языке операторов.
- 16. Коммутаторы операторов. Примеры коммутаторов, коммутационные соотношения.

- 17. Связь неопределенности при одновременном определении значений в случае не коммутирующих операторов. Математические ожидания. Средние значения.
- 18. Законы сохранения и стационарные состояния.
- 19. Движение электрона в одномерной потенциальной яме с бесконечно высокими стенками.
- 20. Движение электрона в двумерной бесконечно глубокой потенциальной яме.
- 21. Электронное веретено. Спин.
- 22. Ситуация со множеством электронов. Принцип тождественности микрочастиц.
- 23. Оператор перестановки. Принцип антисимметрии.
- 24. Орбиталь. Спин-орбиталь. Детерминант Слэтера.
- 25. Вариационный метод.
- 26. Вариационный метод Ритца.
- 27. Теория возмущений.
- 28. Метод Хартри-Фока
- 29. Электронная плотность.
- 30. Орбитальная модель атома. Квантовые числа.
- 31. Скрытая симметрия водородного атома. Преобразование комплексных орбиталей в вещественные.
- 32. Радиальные функции. Сферические функции. Изовероятностные поверхности.
- 33. Электронные термы и конфигурации.
- 34. Гибридизация при столкновениях атомных и молекулярных систем.
- 35. Молекулярная структура.
- 36. Особенности приближения Борна-Оппенгеймера.
- 37. Молекула водорода с позиций квантовой механики
- 38. Молекула водорода по Гайтлеру и Лондону.
- 39. Расчет бутадиена по методу МО.
- 40. Порядки связей. Индекс свободной валентности. Заряды на атомах.

Пример экзаменационного билета

- 1. Метод Хартри-Фока.
- 2. Оцените предел точности $\Delta \nu$, с которой можно определить частоту излучения атома, считая среднее время жизни атома $\Delta \tau = 10^{-8}$ с. Какую долю от частоты фотона с $\lambda = 5000$ Å составляет величина $\Delta \nu$?
- 3. Определите среднее значение r^2 в основном состоянии атома водорода.